

МИНИСТЕРСТВО СЕЛЬСКОГО ХОЗЯЙСТВА РОССИЙСКОЙ ФЕДЕРАЦИИ
ФЕДЕРАЛЬНОЕ ГОСУДАРСТВЕННОЕ БЮДЖЕТНОЕ ОБРАЗОВАТЕЛЬНОЕ
УЧРЕЖДЕНИЕ ВЫСШЕГО ОБРАЗОВАНИЯ
«РЯЗАНСКИЙ ГОСУДАРСТВЕННЫЙ АГРОТЕХНОЛОГИЧЕСКИЙ
УНИВЕРСИТЕТ ИМЕНИ П.А. КОСТЫЧЕВА»

Утверждаю
Врио ректора ФГБОУ ВО РГАТУ
Е.Н. Правдина
«/5» января 2026 г.



**ПРОГРАММА ВСТУПИТЕЛЬНОГО ИСПЫТАНИЯ,
ПРОВОДИМОГО ВУЗОМ САМОСТОЯТЕЛЬНО,
по прикладной математике в инженерии**

для поступающих на обучение на базе среднего профессионального
образования в федеральное государственное бюджетное
образовательное учреждение высшего образования
«Рязанский государственный агротехнологический
университет имени П.А. Костычева»
для обучения по программам бакалавриата и специалитета

Рязань, 2026

Разработчики:

Доцент кафедры бизнес-информатики и прикладной математики

 к.т.н. Костенко Наталья Алексеевна.
(подпись)

Согласовано:

Заведующий кафедрой бизнес-информатики и прикладной математики

 д.э.н., профессор Шашкова И.Г.
(подпись)

Программа рассмотрена и утверждена на заседании Ученого совета ФГБОУ ВО РГАТУ "19" января 2026 года, протокол № 5

1. Общие положения

Основная цель вступительного испытания – оценка качества подготовки поступающих по математике и определение интеллектуального, социального, общекультурного и коммуникативного уровня развития личности абитуриента.

На экзамене по математике абитуриент должен проявить умения:

1. Уметь выполнять вычисления и преобразования.

1.1. Выполнять арифметические действия, сочетая устные и письменные приемы; находить значения корня натуральной степени, степени с рациональным показателем, логарифма.

1.2. Вычислять значения числовых и буквенных выражений, осуществляя необходимые подстановки и преобразования.

1.3. Проводить по известным формулам и правилам преобразования буквенных выражений, включающих степени, радикалы, логарифмы и тригонометрические функции.

2. Уметь решать уравнения и неравенства.

2.1. Решать рациональные, иррациональные, показательные, тригонометрические и логарифмические уравнения, их системы.

2.2. Решать уравнения, простейшие системы уравнений, используя свойства функций и их графиков; использовать для приближенного решения уравнений и неравенств графический метод.

2.3. Решать рациональные, показательные и логарифмические неравенства, их системы.

3. Уметь выполнять действия с функциями.

3.1. Определять значение функции по значению аргумента при различных способах задания функции; описывать по графику поведение и свойства функции, находить по графику функции наибольшее и наименьшее значения; строить графики изученных функций.

3.2. Вычислять производные и первообразные элементарных функций.

3.3. Исследовать в простейших случаях функции на монотонность, находить наибольшее и наименьшее значения функции.

4. Уметь выполнять действия с геометрическими фигурами, координатами и векторами.

4.1. Решать планиметрические задачи на нахождение геометрических величин (длин, углов, площадей).

4.2. Решать простейшие стереометрические задачи на нахождение геометрических величин (длин, углов, площадей, объемов); использовать при решении стереометрических задач планиметрические факты и методы.

4.3. Определять координаты точки; проводить операции над векторами, вычислять длину и координаты вектора, угол между векторами

5. Уметь строить и исследовать простейшие математические модели.

5.1. Моделировать реальные ситуации *инженерии* на языке алгебры, составлять уравнения и неравенства по условию задачи; исследовать построенные модели с использованием аппарата алгебры.

5.2. Моделировать реальные ситуации *инженерии* на языке геометрии, ис-

следовать построенные модели с использованием геометрических понятий и теорем, аппарата алгебры; решать практические задачи, связанные с нахождением геометрических величин.

5.3. Проводить доказательные рассуждения при решении задач, оценивать логическую правильность рассуждений, распознавать логически некорректные рассуждения.

6. Уметь использовать приобретенные знания и умения в практической деятельности и повседневной жизни.

6.1. Анализировать реальные числовые данные, информацию статистического характера; осуществлять практические расчеты по формулам; пользоваться оценкой и прикидкой при практических расчетах.

6.2. Описывать с помощью функций различные реальные зависимости между величинами и интерпретировать их графики; извлекать информацию, представленную в таблицах, на диаграммах, графиках

6.3. Решать прикладные задачи, в том числе *инженерии*, социально-экономического, физического характера, на наибольшие и наименьшие значения, на нахождение скорости и ускорения.

2. Содержание программы

1. Алгебра.

1.1. Числа, корни и степени.

1.1.1. Целые числа.

1.1.2. Степень с натуральным показателем.

1.1.3. Дроби, проценты, рациональные числа.

1.1.4. Степень с целым показателем.

1.1.5. Корень степени $n > 1$ и его свойства.

1.1.6. Степень с рациональным показателем и её свойства.

1.1.7. Свойства степени с действительным показателем.

1.2. Основы тригонометрии.

1.2.1. Синус, косинус, тангенс, котангенс произвольного угла.

1.2.2. Радианная мера угла.

1.2.3. Синус, косинус, тангенс и котангенс числа.

1.2.4. Основные тригонометрические тождества.

1.2.5. Формулы приведения.

1.2.6. Синус, косинус и тангенс суммы и разности двух углов.

1.2.7. Синус и косинус двойного угла.

1.3. Логарифмы.

1.3.1. Логарифм числа.

1.3.2. Логарифм произведения, частного, степени.

1.3.3. Десятичный и натуральный логарифмы, число e .

1.4. Преобразования выражений.

1.4.1. Преобразования выражений, включающих арифметические операции.

1.4.2. Преобразования выражений, включающих операцию возведения в степень.

1.4.3. Преобразования выражений, включающих корни натуральной степени.

- 1.4.4. Преобразования тригонометрических выражений.
- 1.4.5. Преобразование выражений, включающих операцию логарифмирования.
- 1.4.6. Модуль (абсолютная величина) числа.

2. Уравнения и неравенства.

2.1. Уравнения.

- 2.1.1. Квадратные уравнения.
- 2.1.2. Рациональные уравнения.
- 2.1.3. Иррациональные уравнения.
- 2.1.4. Тригонометрические уравнения.
- 2.1.5. Показательные уравнения.
- 2.1.6. Логарифмические уравнения.
- 2.1.7. Равносильность уравнений, систем уравнений.
- 2.1.8. Простейшие системы уравнений с двумя неизвестными.
- 2.1.9. Основные приёмы решения систем уравнений: подстановка, алгебраическое сложение, введение новых переменных.
- 2.1.10. Использование свойств и графиков функций при решении уравнений.
- 2.1.11. Изображение на координатной плоскости множества решений уравнений с двумя переменными и их систем.
- 2.1.12. Применение математических методов для решения содержательных задач из различных областей науки и практики. Интерпретация результата, учёт реальных ограничений.

2.2. Неравенства.

- 2.2.1. Квадратные неравенства.
- 2.2.2. Рациональные неравенства.
- 2.2.3. Показательные неравенства.
- 2.2.4. Логарифмические неравенства.
- 2.2.5. Системы линейных неравенств.
- 2.2.6. Системы неравенств с одной переменной.
- 2.2.7. Равносильность неравенств, систем неравенств.
- 2.2.8. Использование свойств и графиков функций при решении неравенств.
- 2.2.9. Метод интервалов.
- 2.2.10. Изображение на координатной плоскости множества решений неравенств с двумя переменными и их систем.

3. Функции.

3.1. Определение и график функции.

- 3.1.1. Функция, область определения функции.
- 3.1.2. Множество значений функции.
- 3.1.3. График функции. Примеры функциональных зависимостей в реальных процессах и явлениях.
- 3.1.4. Обратная функция. График обратной функции.
- 3.1.5. Преобразования графиков: параллельный перенос, симметрия относительно осей координат.

3.2. Элементарное исследование функций.

- 3.2.1. Монотонность функции. Промежутки возрастания и убывания.

- 3.2.2. Чётность и нечётность функции.
- 3.2.3. Периодичность функции.
- 3.2.4. Ограниченнность функции.
- 3.2.5. Точки экстремума (локального максимума и минимума) функции.
- 3.2.6. Наибольшее и наименьшее значения функции.
- 3.3. *Основные элементарные функции.*
 - 3.3.1. Линейная функция, её график.
 - 3.3.2. Функция, описывающая обратную пропорциональную зависимость, её график.
 - 3.3.3. Квадратичная функция, её график.
 - 3.3.4. Степенная функция с натуральным показателем, её график.
 - 3.3.5. Тригонометрические функции, их графики.
 - 3.3.6. Показательная функция, её график.
 - 3.3.7. Логарифмическая функция, её график.
- 4. **Начала математического анализа.**
 - 4.1. *Производная.*
 - 4.1.1. Понятие о производной функции, геометрический смысл производной.
 - 4.1.2. Физический смысл производной, нахождение скорости для процесса, заданного формулой или графиком.
 - 4.1.3. Уравнение касательной к графику функции.
 - 4.1.4. Производные суммы, разности, произведения, частного.
 - 4.1.5. Производные основных элементарных функций.
 - 4.1.6. Вторая производная и её физический смысл.
 - 4.2. *Исследование функций.*
 - 4.2.1. Применение производной к исследованию функций и построению графиков.
 - 4.2.2. Примеры использования производной для нахождения наилучшего решения в прикладных задачах **инженерии**, в социально-экономических задачах.
 - 4.3. *Первообразная и интеграл.*
 - 4.3.1. Первообразные элементарных функций.
 - 4.3.2. Примеры применения интеграла в физике и геометрии, в прикладных задачах **инженерии.**
- 5. **Геометрия.**
 - 5.1. *Планиметрия.*
 - 5.1.1. Треугольник.
 - 5.1.2. Параллелограмм, прямоугольник, ромб, квадрат.
 - 5.1.3. Трапеция.
 - 5.1.4. Окружность и круг.
 - 5.1.5. Окружность, вписанная в треугольник, и окружность, описанная около треугольника.
 - 5.1.6. Многоугольник. Сумма углов выпуклого многоугольника.
 - 5.1.7. Правильные многоугольники. Вписанная окружность и описанная окружность правильного многоугольника.
 - 5.2. *Прямые и плоскости в пространстве.*

5.2.1. Пересекающиеся, параллельные и скрещивающиеся прямые; перпендикулярность прямых.

5.2.2. Параллельность прямой и плоскости, признаки и свойства.

5.2.3. Параллельность плоскостей, признаки и свойства.

5.2.4. Перпендикулярность прямой и плоскости, признаки и свойства; перпендикуляр и наклонная; теорема о трёх перпендикулярах.

5.2.5. Перпендикулярность плоскостей, признаки и свойства.

5.2.6. Параллельное проектирование. Изображение пространственных фигур.

5.3. Многогранники.

5.3.1. Призма, её основания, боковые рёбра, высота, боковая поверхность; прямая призма; правильная призма.

5.3.2. Параллелепипед; куб; симметрии в кубе, в параллелепипеде.

5.3.3. Пирамида, её основание, боковые рёбра, высота, боковая поверхность; треугольная пирамида; правильная пирамида.

5.3.4. Сечения куба, призмы, пирамиды.

5.3.5. Представление о правильных многогранниках (тетраэдр, куб, октаэдр, додекаэдр и икосаэдр).

5.4. Тела и поверхности вращения.

5.4.1. Цилиндр. Основание, высота, боковая поверхность, образующая, развёртка.

5.4.2. Конус. Основание, высота, боковая поверхность, образующая, развёртка.

5.4.3. Шар и сфера, их сечения.

5.5. Измерение геометрических величин.

5.5.1. Величина угла, градусная мера угла, соответствие между величиной угла и длиной дуги окружности.

5.5.2. Угол между прямыми в пространстве, угол между прямой и плоскостью, угол между плоскостями.

5.5.3. Длина отрезка, ломаной, окружности; периметр многоугольника.

5.5.4. Расстояние от точки до прямой, от точки до плоскости; расстояние между параллельными и скрещивающимися прямыми; расстояние между параллельными плоскостями.

5.5.5. Площадь треугольника, параллелограмма, трапеции, круга, сектора.

5.5.6. Площадь поверхности конуса, цилиндра, сферы.

5.5.7. Объём куба, прямоугольного параллелепипеда, пирамиды, призмы, цилиндра, конуса, шара.

5.6. Координаты и векторы.

5.6.1. Координаты на прямой, декартовы координаты на плоскости и в пространстве.

5.6.2. Формула расстояния между двумя точками; уравнение сферы.

5.6.3. Вектор, модуль вектора, равенство векторов; сложение векторов и умножение вектора на число.

5.6.4. Коллинеарные векторы. Разложение вектора по двум неколлинеарным векторам.

5.6.5. Компланарные векторы. Разложение по трём некомпланарным векторам.

5.6.6. Координаты вектора; скалярное произведение векторов; угол между векторами.

6. Элементы комбинаторики, статистики и теории вероятностей.

6.1. Элементы комбинаторики.

6.1.1. Поочередный и одновременный выбор.

6.1.2. Формулы числа сочетаний и перестановок. Бином Ньютона.

6.2. Элементы статистики.

6.2.1. Табличное и графическое представление данных.

6.2.2. Числовые характеристики рядов данных.

6.3. Элементы теории вероятностей.

6.3.1. Вероятности событий.

6.3.2. Примеры использования вероятностей и статистики при решении прикладных задач, в том числе прикладных задач **инженерии**.

3. Структура экзамена

Структура билета по **прикладной математике в инженерии** соответствует структуре варианта КИМ (контрольно-измерительных материалов) единого государственного экзамена. Экзаменационная работа по содержанию, уровню сложности и оцениванию полностью соответствует профильному уровню ЕГЭ-2024 по математике с учётом приложений к **инженерии**.

Экзаменационная работа состоит из двух частей, включающих в себя 19 заданий. Часть 1 состоит из 12 заданий с кратким ответом базового и повышенного уровней сложности. Часть 2 содержит 7 заданий с развёрнутым ответом повышенного и высокого уровня сложности.

Ответы к заданиям 1-12 записываются в виде целого числа или конечной десятичной дроби. Например, № 6: – 0,8; №12: 22.

При выполнении заданий 13-19 требуется записать **полное решение и ответ**.

При выполнении заданий можно пользоваться черновиком на выданной бумаге с печатью университета, который в конце экзамена должен быть сдан вместе с чистовиком членам экзаменационной комиссии. Записи в черновике не учитываются при оценивании работы.

Ниже дано содержание каждого задания.

Задание №1 – планиметрическая задача базового уровня сложности (треугольники, параллелограммы, трапеции, центральные и вписанные углы, касательная, хорда, секущая, вписанные и описанные окружности).

Задание №2 – задание по геометрии, проверяющее умения определять координаты точки, вектора, производить операции над векторами, вычислять длину и координаты вектора, угол между векторами.

Задание №3 – стереометрическая задача базового уровня сложности (куб, параллелепипед, составные многогранники, призма, пирамида, цилиндр, конус, шар, площади поверхностей, объёмы).

Задание №4 – прикладная задача **инженерии** по теории вероятностей базового уровня сложности.

Задание №5 – прикладная задача *инженерии* повышенного уровня сложности, проверяющая умение моделировать реальные ситуации на языке теории вероятностей и статистики, вычислять в простейших ситуациях вероятности событий.

Задание №6 – простейшие уравнения базового уровня сложности (линейные, квадратные, кубические, показательные, логарифмические, тригонометрические).

Задание №7 – вычисления и преобразования базового уровня сложности (преобразования числовых и буквенных выражений – рациональных и иррациональных, дробных, степенных, логарифмических, тригонометрических).

Задание №8 – задача базового уровня сложности на производные и первообразные (физический и геометрический смысл производной, применение производной к исследованию функций, первообразные).

Задание №9 – прикладная задача *инженерии* повышенного уровня сложности с прикладным содержанием (функциональные зависимости величин, изменение значения функции при изменении значения аргумента).

Задание №10 – текстовая прикладная задача *инженерии* повышенного уровня сложности (задачи на проценты, сплавы, смеси, растворы, движение, работу).

Задание №11 – задание повышенного уровня сложности, проверяющее умение выполнять действия с функциями.

Задание №12 – задача повышенного уровня сложности на экстремумы, наибольшее и наименьшее значение функций (исследование функций с помощью производных).

Задание №13 – тригонометрическое, логарифмическое или показательное уравнение повышенного уровня сложности.

Задание №14 – стереометрическая задача повышенного уровня сложности, она разделена на пункты *а* и *б*. В пункте *а* нужно доказать геометрический факт, в пункте *б* – найти (вычислить) геометрическую величину.

Задание №15 – это неравенство – дробно-рациональное, логарифмическое или показательное повышенного уровня сложности.

Задание №16 – это текстовая задача повышенного уровня сложности с экономическим содержанием.

Задание №17 – это планиметрическая задача повышенного уровня сложности. В пункте *а* нужно доказать геометрический факт, в пункте *б* – найти (вычислить) геометрическую величину.

Задание №18 – это уравнение, неравенство или их системы с параметром. Это задача высокого уровня сложности.

Задачи с параметром допускают весьма разнообразные способы решения. Наиболее распространенными из них являются:

- чисто алгебраический способ решения;
- способ решения, основанный на построении и исследовании геометрической модели данной задачи;

– функциональный способ, в котором могут быть и алгебраические, и геометрические моменты, но базовым является исследование некоторой функции.

Зачастую (но далеко не всегда) графический метод более ясно ведёт к цели. Кроме того, в конкретном тексте решения вполне могут встречаться элементы каждого из трёх перечисленных способов.

Задание №19 высокого уровня сложности содержательно проверяет в первую очередь не уровень математической (школьной) образованности, а уровень математической культуры. Формирования культуры происходит на протяжении всех лет обучения (и не только в школе). Для решения этой задачи никаких фактов из теории чисел типа теоремы Вильсона, чисел Мерсенна, малой теоремы Ферма, теории сравнений и т.п. для решения этих заданий не требуется. Тот, кто эти факты знает, разумеется, может их использовать, но при решении всегда можно обойтись и без них.

Условия задания №19 разбиты на пункты. По существу, задача разбита на ряд подзадач (частных случаев), последовательно решая которые можно в итоге справиться с ситуацией в целом.

На выполнение экзаменационной работы отводится 3 часа 55 минут (235 минут).

4. Дополнительные материалы и оборудование

Справочные материалы выдаются вместе с экзаменационным билетом и содержат тригонометрические формулы:

$$\begin{aligned} \sin^2 \alpha + \cos^2 \alpha &= 1 \\ \sin 2\alpha &= 2 \sin \alpha \cdot \cos \alpha \\ \cos 2\alpha &= \cos^2 \alpha - \sin^2 \alpha \\ \sin(\alpha + \beta) &= \sin \alpha \cdot \cos \beta + \cos \alpha \cdot \sin \beta \\ \cos(\alpha + \beta) &= \cos \alpha \cdot \cos \beta - \sin \alpha \cdot \sin \beta \end{aligned}$$

При выполнении заданий можно пользоваться черновиком. Записи в черновике, а также в тексте билета не учитываются при оценивании работы.

При выполнении заданий разрешается пользоваться линейкой.

5. Критерии оценки

Результаты вступительного испытания по *прикладной математике в инженерии* оцениваются по 100-балльной шкале. Минимальное количество баллов, подтверждающее успешное прохождение вступительного испытания по *прикладной математике в инженерии*, соответствует минимальному количеству баллов ЕГЭ, установленному Министерством сельского хозяйства Российской Федерации.

Правильность решения заданий сначала оценивается **первичными баллами**. Правильное решение каждого из заданий 1–12 оценивается 1 баллом. Каждое из заданий 1–12 считается выполненным верно, если экзаменуемый дал правильный ответ в виде целого числа или конечной десятичной дроби. Неправильный ответ заданий 1–12 оценивается 0 баллов.

Решения заданий с развернутым ответом оцениваются от 0 до 4 баллов. Полное правильное решение каждого из заданий 13, 15, 16 оценивается 2 баллами; каждого из заданий 14 и 17 – 3 баллами; каждого из заданий 18 и 19 – 4 баллами.

Максимальный численный эквивалент первичных баллов за всю работу – 32.

Затем сумма первичных баллов за всю работу переводится в **итоговую оценку** по 100-балльной системе в соответствии с Приложением 2 к Распоряжению Рособрнадзора №575-10 от 11.04.2019 (обновлено 06.05.2024).

Таблица – Перевод суммы первичных баллов за всю экзаменационную работу в итоговую оценку по 100-балльной системе

Первичные баллы	Итоговые баллы	Первичные баллы	Итоговые баллы
1	6	17	80
2	11	18	82
3	17	19	84
4	22	20	86
5	27	21	88
6	34	22	90
7	40	23	92
8	46	24	94
9	52	25	95
10	58	26	96
11	64	27	97
12	70	28	98
13	72	29	99
14	74	30	100
15	76	31	100
16	78	32	100

Предварительно отметим специальные случаи получения 0 баллов.

Общий критерий получения 0 баллов за задания 13-19 даже при формально правильном ответе – это использование при решении специфических знаков операций, функций, скобок из языков программирования вместо обычных знаков школьной математики!

Задания 14 и 17 оцениваются 0 баллами, если при решении нет построения соответствующих условию геометрических фигур с обозначениями их элементов!

Задание 18 оценивается 0 баллами, если нет геометрического рисунка при выборе способа решения, основанного на построении и исследовании геометрической модели данной задачи!

Ниже даны критерии оценивания заданий 13-19 в первичных баллах.

Содержание критерия оценивания задания №13	Баллы
Обоснованно получены верные ответы в обоих пунктах	2

Обоснованно получен верный ответ в пункте <i>a</i> ИЛИ получены неверные ответы из-за вычислительной ошибки, но при этом имеется верная последовательность всех шагов решения обоих пунктов: пункта <i>a</i> и пункта <i>b</i>	1
Решение не соответствует ни одному из критериев, перечисленных выше	0
<i>Максимальный балл</i>	2

Содержание критерия оценивания задания №14	Баллы
Имеется верное доказательство утверждения пункта <i>a</i> и обоснованно получен верный ответ в пункте <i>b</i>	3
Получен обоснованный ответ в пункте <i>b</i> ИЛИ имеется верное доказательство утверждения пункта <i>a</i> , и при обоснованном решении пункта <i>b</i> получен неверный ответ из-за арифметической ошибки	2
Имеется верное доказательство утверждения пункта <i>a</i> , ИЛИ при обоснованном решении пункта <i>b</i> получен неверный ответ из-за арифметической ошибки, ИЛИ обоснованно получен верный ответ в пункте <i>b</i> с использованием утверждения пункта <i>a</i> , при этом пункт <i>a</i> не выполнен	1
Решение не соответствует ни одному из критериев, перечисленных выше ИЛИ при решении нет построения соответствующих условию задания геометрических фигур с обозначениями их элементов	0
<i>Максимальный балл</i>	3

Содержание критерия оценивания задания №15	Баллы
Обоснованно получен верный ответ	2
Обоснованно получен ответ, отличающийся от верного исключением / включением граничных точек ИЛИ получен неверный ответ из-за вычислительной ошибки, но при этом имеется верная последовательность всех шагов решения	1
Решение не соответствует ни одному из критериев, перечисленных выше	0
<i>Максимальный балл</i>	2

Содержание критерия оценивания задания №16	Баллы
Обоснованно получен верный ответ	2
Верно построена математическая модель, решение сведено к иссле-	1

дованию этой модели и получен результат: – неверный ответ из-за вычислительной ошибки; – верный ответ, но решение недостаточно обосновано	
Решение не соответствует ни одному из критериев, перечисленных выше	0
<i>Максимальный балл</i>	2

Содержание критерия оценивания задания №17	Баллы
Имеется верное доказательство утверждения пункта <i>a</i> и обоснованно получен верный ответ в пункте <i>b</i>	3
Получен обоснованный ответ в пункте <i>b</i> ИЛИ имеется верное доказательство утверждения пункта <i>a</i> , и при обоснованном решении пункта <i>b</i> получен неверный ответ из-за арифметической ошибки	2
Имеется верное доказательство утверждения пункта <i>a</i> , ИЛИ при обоснованном решении пункта <i>b</i> получен неверный ответ из-за арифметической ошибки, ИЛИ обоснованно получен верный ответ в пункте <i>b</i> с использованием утверждения пункта <i>a</i> , при этом пункт <i>a</i> не выполнен	1
Решение не соответствует ни одному из критериев, перечисленных выше ИЛИ при решении нет построения соответствующих условию задания геометрических фигур с обозначениями их элементов	0
<i>Максимальный балл</i>	3

Содержание критерия оценки задания №18¹	Баллы
Обоснованно получен правильный ответ	4
С помощью верного рассуждения получено множество значений параметра <i>a</i> , отличающиеся от искомого множества конечным числом точек	3
С помощью верного рассуждения получены все граничные точки искомого множества значений <i>a</i>	2
Верно получена хотя бы одна граничная точка искомого множества значений <i>a</i> , но не все из них	1
Решение не соответствует ни одному из критериев, приведённых выше ИЛИ нет геометрического рисунка при выборе способа решения, осно-	0

¹ Критерии конкретных заданий для задания 18 могут несколько отличаться от данного здесь критерия. О разнообразии критериев задания 18 сказано на сайте ФИПИ [16].

ванного на построении и исследовании геометрической модели данной задачи	
	<i>Максимальный балл</i>

Содержание критерия оценивания задания №19	Баллы
Верно получены все перечисленные (см. критерий на 1 балл) результаты	4
Верно получены три из перечисленных (см. критерий на 1 балл) результатов	3
Верно получены два из перечисленных (см. критерий на 1 балл) результатов	2
Верно получен один из следующих результатов: – обоснованное решение пункта <i>a</i> ; – обоснованное решение пункта <i>b</i> ; – искомая оценка в пункте <i>c</i> ; – пример в пункте <i>c</i> , обеспечивающий точность предыдущей оценки	1
Решение не соответствует ни одному из критериев, перечисленных выше	0
	<i>Максимальный балл</i>

6. Литература, рекомендуемая для подготовки к экзамену

1. ЕГЭ-2024. Ященко И.В. (ред.). Математика. Профильный уровень. Типовые экзаменационные варианты: 36 вариантов. – М.: Издательство «Национальное образование», 2024. – 223 с.
2. ЕГЭ-2023. Ященко И.В. (ред.). Математика. Профильный уровень. Типовые экзаменационные варианты: 36 вариантов. – М.: Издательство «Национальное образование», 2023. – 224 с.
3. Семенов, А.В. Математика. Профильный уровень. Единый государственный экзамен. Готовимся к итоговой аттестации: [учебное пособие] / А.В. Семенов, А.С. Трепалин, И.В. Ященко, И.Р. Высоцкий, Л.А. Титова; под ред. И.В. Ященко. – М.: Московский центр непрерывного математического образования, 2022. – 208 с.
4. Ященко, И.В. ЕГЭ ФИПИ 2022. Математика. Профильный уровень. Типовые варианты экзаменационных заданий. 36 вариантов заданий. Подробный разбор выполнения заданий одного варианта / И.В. Ященко, О.А. Ворончагина, М.А. Волчекевич; под ред. И.В. Ященко. – М.: Издательство «Экзамен», 2022. – 160 с.
5. ЕГЭ 2022. Математика. Профильный уровень. 14 вариантов. Типовые варианты экзаменационных заданий от разработчиков ЕГЭ / И.В. Ященко, М.А. Волчекевич, О.А. Ворончагина, И.Р. Высоцкий, Р.К. Гордин, П.В. Семёнов, О.Н. Косухин, Д.А. Фёдоровых, А.И. Суздальцев, А.Р. Рязановский, В.А. Смирнов, А.С. Трепалин, А.В. Хачатурян, С.А. Шестаков, Д.Э. Шноль; под ред. И.В. Ященко. – М.: Издательство «Экзамен», 2022. – 71 с. (Серия «ЕГЭ. Тесты от разработчиков»).

6. Алгебра и начала математического анализа. 10-11 классы. Базовый и углубленный уровни. Учебник для общеобразовательных организаций / Ш.А. Алимов, Ю.М. Колягин Ю, М.В. Ткачёва [и др.] – М.: Издательство «Просвещение», 2020. – 463 с.
7. Атанасян, Л.С. Математика: алгебра и начала анализа, геометрия. Геометрия: 10-11 классы: учебник для общеобразовательных организаций: базовый и углубленный уровни / Л.С. Атанасян, С.Б. Кадомцев, В.Ф. Бутузов. – 7-е издание, переработанное и дополненное. – М.: Издательство «Просвещение», 2025. – 256 с.
8. ЕГЭ 2019. Математика. Профильный уровень: типовые экзаменационные варианты: 36 вариантов / под ред. И.В. Ященко. – М.: Издательство «Национальное образование», 2019. – 256 с.
9. ЕГЭ 2020. Математика. Профильный уровень. 10 вариантов. Типовые тестовые задания от разработчиков ЕГЭ / под ред. И.В. Ященко. – М.: Издательство «Экзамен», 2020. – 63 с.
10. Маслова, Т.Н. Математика. 5-11 класс. Полный справочник. Весь школьный курс // Т.Н. Маслова, А.М. Суходский; ред. Н.В. Валуева. – М.: Изд-во Мир и образование, 2020. – 672 с.
11. Муравин, Г.К. Алгебра и начала математического анализа. 10 класс. Углубленный уровень / Г.К. Муравин, О.В. Муравина. – М.: Издательство ДРОФА, 2020. – 320 с.
12. Муравин, Г. К.. Алгебра и начала математического анализа. 11 класс : углублённый уровень : учебник / Г. К. Муравин, О. В. Муравина. — 8-е изд., стер. — Москва : Просвещение, Дрофа, 2021. — 318,
13. Погорелов, А.В. Геометрия. 10-11 классы. Учебник / А.В. Погорелов. – М.: Издательство «Просвещение», 2021. – 175 с.
14. ФГБНУ «Федеральный институт педагогических измерений» / ЕГЭ / Для предметных комиссий субъектов РФ / Математика: сайт. – М.: ФИПИ, 2023.
15. Сборник задач по математике для поступающих в вузы / В. К. Егерев, В. В. Зайцев, Б. А. Кордемский и др.; Под ред. М. И. Сканави. — 6-е изд. — Москва : Мир и Образование, 2022 — 608 с.: ил.
16. Ткачук, В.В. Математика абитуриенту / В.В. Ткачук. – 22-е издание исправленное и дополненное. М.: Изд-во МЦНМО, 2024. – 960 с.
17. Ященко И. В. ЕГЭ 2025 Математика. Профильный уровень. 36 вариантов. Типовые варианты экзаменационных заданий / И. В. Ященко, М. А. Волчекевич, О. А. Ворончагина, И. Р. Высоцкий, Р. К. Гордин, П. В. Семёнов, О. Н. Косухин, Д. А. Фёдоровых, А. И. Суздальцев, А. Р. Рязановский, В. А. Смирнов, А. С. Трепалин, А. В. Хачатуян, С. А. Шестаков, Д. Э. Шноль; под ред. И. В. Ященко. — М. : Издательство «Экзамен», 2025 — 160 с.